

Задача №3

86

Дано:

$D = 22 \text{ м}$

$a = 1,3 \text{ а.е.}$

$T_{\text{жв}} = 16 \text{ с}$

$\frac{v_{\text{жв}}}{v_{\text{орб}}} = ?$

Решение:

Найдем длину экватора: $L = \pi D$ Тогда скорость движения точки на экваторе астероида равна: $v_{\text{жв}} = \frac{L}{T_{\text{жв}}} = \frac{\pi D}{T_{\text{жв}}}$

По III закону Кеплера:

$$\frac{T^2}{a^3} = \frac{4\pi^2}{GM}, \quad \text{т.к. все происходит в Солнечной системе,}$$

то $M = M_{\odot} = 2 \cdot 10^{30} \text{ кг} \Rightarrow$ член данного равенства $\left(\frac{4\pi^2}{GM}\right) \approx 1$, если $[T] = 1 \text{ год}$
 $[a] = 1 \text{ а.е.}$

Тогда можем применить III закон Кеплера в таком виде: $T^2 = a^3 \Rightarrow T = a^{3/2}$

$$T = (1,3 \text{ а.е.})^{3/2} = 1,48 \text{ лет}$$

Тогда найдем скорость движения точки на орбите:

$$v_{\text{орб}} = \frac{2\pi a}{T}$$

Найдем искомое отношение скоростей: перевод из [год] в [с]

$$\frac{v_{\text{жв}}}{v_{\text{орб}}} = \frac{\pi D}{T_{\text{жв}}} \cdot \frac{T}{2\pi a} = \frac{DT}{T_{\text{жв}} \cdot 2a} = \frac{22 \text{ м} \cdot 1,48 \cdot 365,24 \cdot 24 \cdot 3600 \text{ с}}{16 \text{ с} \cdot 1,3 \cdot \underbrace{150 \cdot 10^9 \text{ м} \cdot 2}_{\text{перевод из [а.е.] в [м]}}} =$$

$$= 1,65 \cdot 10^{-4} \approx 1,65 \cdot 10^{-4}$$

\Rightarrow скорость движения точки на экваторе астероида меньше в **6073,1** раз, чем орбитальная его скорость.

Ответ: $\frac{v_{\text{жв}}}{v_{\text{орб}}} = 1,65 \cdot 10^{-4}$

Задача №4

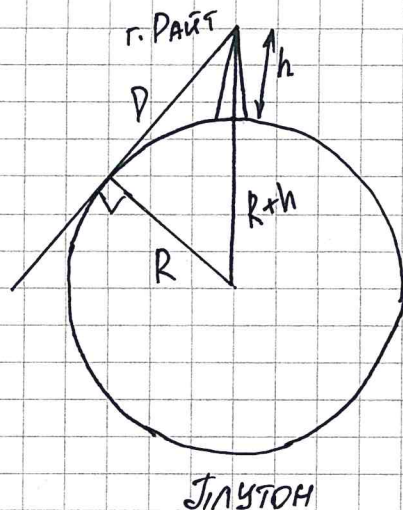
Дано:

$$R = 1,2 \cdot 10^3 \text{ км}$$

$$h = 4 \text{ км}$$

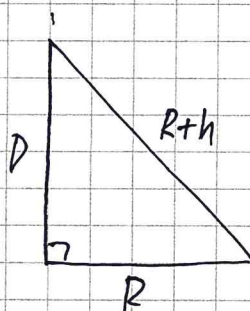
D-?

Решение:



ПЛУТОН

Из данной чертёж мы видим, что образовывается треугольник прямоугольный со сторонами D , R и $R+h$:



По теореме Пифагора для данного треугольника:

$$(R+h)^2 = D^2 + R^2$$

$$D^2 = (R+h)^2 - R^2$$

Т.к. по условию задачи $h \ll R$, то применим тождество для малых величин:

$$D^2 = (R+h)^2 - R^2 = R^2 \left(1 + \frac{h}{R}\right)^2 - R^2 = R^2 \left(1 + \frac{2h}{R} - 1\right) = R^2 \cdot \frac{2h}{R} = 2hR$$

$$D = \sqrt{2hR}$$

$$D = \sqrt{2 \cdot 4 \text{ км} \cdot 1,2 \cdot 10^3 \text{ км}} = 98 \text{ км}$$

Вообще, человеческий глаз разрешает объекты, чьи угловые размеры превышают $1'$. Поэтому важно, какие именно объекты там находятся. В частности, самой минимальной и далекой объектом, который будет виден с вершины горы, имеет размер $r = D \cdot \tan(1') = 98 \text{ км} \cdot \tan(1') = 28,5 \text{ м}$. Все относительно.

Ответ: $D = \underline{\underline{98 \text{ км}}}$.

Задача 3 (II способ решения)

Скорость движения точки на дуге астероида равна: $v_{\text{дв}} = \frac{\pi D}{T_{\text{дв}}}$

Средняя ~~эволюционная~~ ^{орбитальная} скорость астероида на круговой орбите равна: $v_{\text{орб}} = \sqrt{\frac{GM_{\odot}}{a}}$, где G - гравитационная постоянная, M - масса Солнца

$$G = 6,67 \cdot 10^{-11} \frac{\text{м}^3}{\text{с}^2 \cdot \text{кг}}$$

$$M = 2 \cdot 10^{30} \text{ кг}$$

Тогда отношение скоростей: $\frac{v_{\text{дв}}}{v_{\text{орб}}} = \frac{\pi D}{T_{\text{дв}}} \cdot \sqrt{\frac{a}{GM_{\odot}}} \Rightarrow$

$$\Rightarrow \frac{v_{\text{дв}}}{v_{\text{орб}}} = \frac{\pi \cdot 22 \text{ м}}{16 \text{ с}} \sqrt{\frac{1,3 \cdot 150 \cdot 10^9 \text{ м}}{6,67 \cdot 10^{-11} \frac{\text{м}^3}{\text{с}^2 \cdot \text{кг}} \cdot 2 \cdot 10^{30} \text{ кг}}} = 1,65 \cdot 10^{-4}$$

Ответ: $\frac{v_{\text{дв}}}{v_{\text{орб}}} = 1,65 \cdot 10^{-4}$

Задача 15

Дано:

$$\rho_{\text{Ю}} = \rho_{\odot}$$

$$\frac{M_{\odot}}{M_{\text{Ю}}} = 10^3$$

 $\Delta m = ?$

Решение:

Найдем отношение радиусов через равенство плотностей:

$$\rho_{\text{Ю}} = \rho_{\odot}, \quad \rho_{\text{Ю}} = \frac{M_{\text{Ю}}}{V_{\text{Ю}}}, \quad \rho_{\odot} = \frac{M_{\odot}}{V_{\odot}}$$

$$\frac{M_{\text{Ю}}}{V_{\text{Ю}}} = \frac{M_{\odot}}{V_{\odot}} \Rightarrow \frac{M_{\text{Ю}}}{\frac{4}{3}\pi R_{\text{Ю}}^3} = \frac{M_{\odot}}{\frac{4}{3}\pi R_{\odot}^3} \Rightarrow \frac{M_{\text{Ю}}}{M_{\odot}} = \frac{R_{\text{Ю}}^3}{R_{\odot}^3}$$

$$\left(\frac{R_{\odot}}{R_{\text{Ю}}}\right)^3 = \frac{M_{\odot}}{M_{\text{Ю}}} \Rightarrow \frac{R_{\odot}}{R_{\text{Ю}}} = \sqrt[3]{\frac{M_{\odot}}{M_{\text{Ю}}}} = \sqrt[3]{10^3} = 10$$

По формуле Погсона:

$$\frac{E}{E_{\odot}} = \frac{E_{\odot} - E_{\text{Ю}}}{E_{\odot}} = 10^{0,4 \Delta m}$$

$$1 - \frac{E_{\text{Ю}}}{E_{\odot}} = 10^{0,4 \Delta m}$$

$$E \sim \rho \Rightarrow E \sim R^2 \Rightarrow \frac{E_{\text{Ю}}}{E_{\odot}} \sim \frac{R_{\text{Ю}}^2}{R_{\odot}^2} \Rightarrow \frac{(R_{\text{Ю}})^2}{(R_{\odot})^2} = \frac{E_{\text{Ю}}}{E_{\odot}}$$

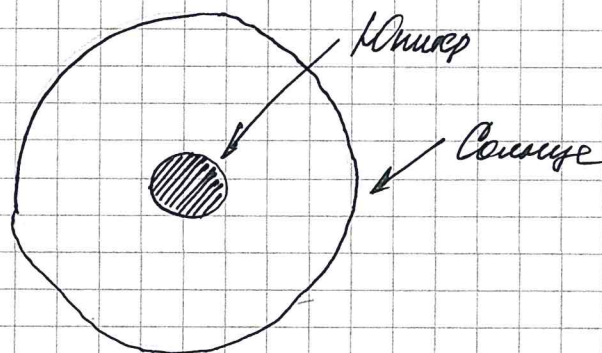
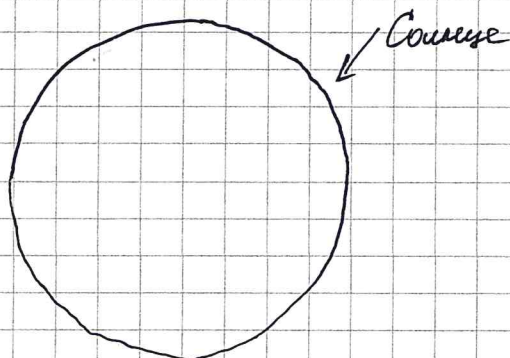
$$1 - \frac{E_{\text{Ю}}}{E_{\odot}} = 1 - \left(\frac{R_{\text{Ю}}}{R_{\odot}}\right)^2 = 10^{0,4 \Delta m} \Rightarrow \Delta m = 2,512 \lg \left(1 - \left(\frac{R_{\text{Ю}}}{R_{\odot}}\right)^2\right)$$

$$\Delta m = 2,512 \lg \left(1 - \frac{1}{100}\right) = -0,01^m \text{ (или если точнее, то } -0,011^m)$$

85

Задание №5 (продолжение)

Разберемся, что там всё-таки происходит:



Что видели астрономы до прохождения Юпитера по диску Солнца

Что видели астрономы во время прохождения Юпитера по диску Солнца

Когда Юпитер проходит по диску Солнца, то яркость Солнца падает \Rightarrow падает создаваемая светом освещенность и энергия. Поэтому видимая звездная величина падает на $0,01^m$.

Ответ: $\Delta m = -0,01^m$ (если рассчитывать по $\frac{E}{E_0}$)

$\Delta m = 0,01^m$ (если рассчитывать по $\frac{E_0}{E}$)

80

Задание №2

Во время столкновения быстро движущихся частиц солнечного ветра с атомами в земной атмосфере, то атомы в земной атмосфере возбуждаются и «выделяют» свет, который мы называем полярными сияниями. Атомы кислорода и азота «ответственны» за возникновение полярных сияний над Землей. Во-первых, именно эти два элемента содержатся в наибольшем количестве в атмосфере Земли, во-вторых, как гелий и углерод или очень мало, или вообще нет в атмосфере.

Задание № 2 (продолжение)

Во-вторых, именно менее этих двух элементов сильнее всего возбуждаются в нашей атмосфере. Это происходит из-за большого кол-ва этих элементов (кислорода и азота) в атмосфере и из-за того, что эти элементы наиболее легкие и их легче ионизовать ("оторвать" последний электрон с орбиты).

85

