

1	2	3	4	5	6	Σ
7	4	8	8	8	X	35

Задача №1

Дано:

$T = 620^{\text{yr}}$

$q = 38 \text{ a.e.}$

$\frac{p_1}{p_2} = ?$

Решение:

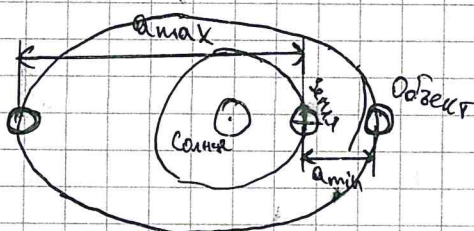
Минимальное расстояние от ~~блота~~ объекта Солнечной системы до Солнца приходится на момент его нахождения в Перигелии орбиты, где $q = a(1-e)$. Большему полуоси найдем через III Закон Кеплера: $T^2 = a^3$

$$a = \sqrt[3]{620^2} = 72,7 \text{ a.e.}$$

$$e = 1 - \frac{q}{a} = 1 - \frac{38 \text{ a.e.}}{72,7 \text{ a.e.}} = 0,477$$

Максимальное расстояние до объекта: $Q = a(1+e)$

$$Q = 72,7 \cdot (1 + 0,477) = 107,38 \text{ a.e.}$$



$$a_0 = 1 \text{ a.e.}$$

~~$$\frac{p_1}{p_2} = \frac{R \cdot a_2}{a_1 \cdot R} = \frac{a_2}{a_1} \quad \frac{p_{\text{max}}}{p_{\text{min}}} = \frac{a_{\text{min}}}{a_{\text{max}}} = \frac{38-1}{107,38+1} =$$~~

~~$$\Rightarrow \frac{p_{\text{max}}}{p_{\text{min}}} = \frac{R \cdot a_{\text{max}}}{a_{\text{min}} \cdot R} = \frac{a_{\text{max}}}{a_{\text{min}}} = \frac{107,38+1}{38-1} =$$~~

$$= 2,93$$

Ответ: почти в 3 раза

Задание №2

Дано:

$T_1 = 1 \text{ yr}$

$T_2 = 1,1 \text{ yr}$

$T_3 = 2 \text{ yr}$

$S_{123} = ?$

Решение:

Требуется найти синодический 3х планет.

$$S_{12} = \frac{T_1 \cdot T_2}{T_2 - T_1} = \frac{1 \text{ yr} \cdot 1,1 \text{ yr}}{1,1 \text{ yr} - 1} = 11 \text{ yr} - \text{Синодический период 1ой и 2ой планет.}$$

$$\frac{1}{S_{123}} = \frac{1}{T_3} - \frac{1}{S_{12}}; S_{123} = \frac{T_3 \cdot S_{12}}{S_{12} - T_3} = \frac{2 \text{ yr} \cdot 11 \text{ yr}}{11 \text{ yr} - 2 \text{ yr}} = 2,44 \text{ yr} - \text{Искомый синодический период}$$

Ответ: 2,44 года

Задание №3

Дано:

$\rho = 5 \text{ pc}$

$L_1 = 7 \text{ КПК}$

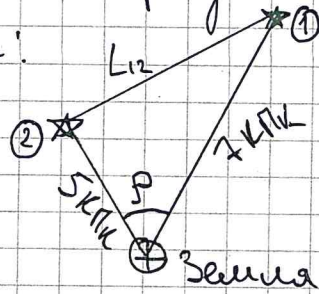
$L_2 = 5 \text{ КПК}$

$L_{12} = ?$

Решение:

Угловой Диаметр Луны $\approx 0,5^\circ$

Ситуация:



$\rho = 5 \text{ pc} = 5 \cdot 0,5^\circ = 2,5^\circ$

$$L_{12} = \sqrt{L_1^2 + L_2^2 - 2L_1L_2 \cdot \cos \rho} = \sqrt{7^2 + 5^2 - 2 \cdot 7 \cdot 5 \cdot \cos(2,5^\circ)} = 2 \text{ КПК}$$

Ответ: 2 КПК

Задание №4

Дано:

$h = 1,5 \text{ km}$

$D = 5,6 \cdot 10^2 \text{ m}$

$M = 1,4 \cdot 10^{24} \text{ kg}$

$T = ?$

Решение:

$$T = \frac{2\pi R}{v_I} \text{ где } v_I = \sqrt{\frac{GM}{R}} - \text{Тангенциальная скорость}$$

$$T^2 = \frac{4\pi^2 R^2}{GM} \rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{R^3}{GM}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{(0,5 \cdot 5,6 \cdot 10^2 \text{ m})^3}{G \cdot 1,4 \cdot 10^{24} \text{ kg}}}, \text{ но } T_{\text{лет}} = 2\pi \sqrt{\frac{(0,5 \cdot 5,6 \cdot 10^2 \text{ m} + 1,5 \cdot 10^3 \text{ m})^3}{G \cdot 1,4 \cdot 10^{24} \text{ kg}}}$$

Ответ: 42,88 часа

Задача 15

Дано:

$$m_0 = 0,4^m$$

$$\delta = +5^\circ$$

 $m = ?$

Решение:

Широта Белгорода $\approx 50^\circ = \varphi$

$$h_{в.к} = 90^\circ - \varphi + \delta$$

$$h_{в.к} = 90^\circ - 50^\circ + 5^\circ = 45^\circ$$

$$z = 90 - h = 90 - 45^\circ = 45^\circ - \text{зенитное расстояние}$$

$$\Delta m = \frac{0,2^m}{\cos z} = \frac{0,2^m}{\cos 45^\circ} = 0,28^m$$

$$m = m_0 + \Delta m = 0,4^m + 0,28^m = \cancel{0,12^m} \quad 0,68^m$$

Ответ: $0,68^m$ 